

# 7 LINEARE FUNKTIONEN

- W 7.01** Wie sieht eine Termdarstellung (Funktionsgleichung) einer linearen Funktion aus? Was lässt sich über den Graphen einer solchen Funktion aussagen?
- W 7.02** Was bedeuten die Zahlen  $k$  und  $d$  bei der Funktion  $f$  mit  $f(x) = k \cdot x + d$ ?
- W 7.03** Skizziere den Graphen einer linearen Funktion  $f$  mit  $f(x) = k \cdot x + d$ , wenn **a)**  $k > 0$  und  $d > 0$ , **b)**  $k > 0$  und  $d < 0$ , **c)**  $k < 0$  und  $d > 0$ , **d)**  $k < 0$  und  $d < 0$ , **e)**  $k = 0$  und  $d > 0$ , **f)**  $k = 0$  und  $d < 0$ , **g)**  $k > 0$  und  $d = 0$ , **h)**  $k < 0$  und  $d = 0$ , **i)**  $k = 0$  und  $d = 0$ !
- W 7.04** Wie geht der Graph der Funktion  $g$  mit  $g(x) = 2x - 1$  aus dem Graphen der Funktion  $f$  mit  $f(x) = 2x$  hervor? Erläutere dies anhand einer Skizze der Graphen von  $f$  und von  $g$ !
- W 7.05** Gib zwei Eigenschaften einer linearen Funktion an und erläutere diese!
- W 7.06** Was bedeutet lineares Wachsen bzw. lineares Abnehmen?
- W 7.07** Erläutere an Skizzen, wie man mithilfe eines Steigungsdreiecks die Steigung einer linearen Funktion ermitteln kann!
- W 7.08** Unter welchen Voraussetzungen sind die Funktionswerte direkt proportional zu den Argumenten? Gib ein Beispiel für direkte Proportionalität an!
- W 7.09** Wie sieht eine Termdarstellung (Funktionsgleichung) einer direkten Proportionalitätsfunktion aus? Was lässt sich über den Graphen einer solchen Funktion aussagen?
- W 7.10** Nenne Eigenschaften einer direkten Proportionalitätsfunktion und erläutere diese!
- W 7.11** Begründe, dass man bei einer direkten Proportionalitätsfunktion Folgendes aussagen kann: Die Funktionswerte und die Argumente sind **zueinander** direkt proportional.
- W 7.12** Was bedeuten die Zahlen  $a$  und  $b$  bei einer Zeit-Ort-Funktion  $s$  mit  $s(t) = a \cdot t + b$ , bei einer Kostenfunktion  $K$  mit  $K(x) = a \cdot x + b$  bzw. bei einer Tariffunktion  $T$  mit  $T(x) = a \cdot x + b$ ?



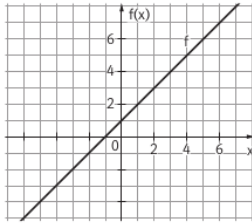
## 7 LINEARE FUNKTIONEN Lösungen

W 7.01  $f(x) = k \cdot x + d$  (mit  $k, d \in \mathbb{R}$ ). Der Graph ist eine Gerade. Ist  $d = 0$ , so verläuft diese durch den Ursprung. Ist  $k = 0$ , so ist  $f$  eine konstante Funktion.

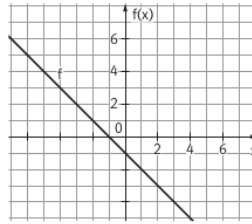
W 7.02 Für  $f(x) = k \cdot x + d$  (mit  $k, d \in \mathbb{R}$ ) ist  $k$  ein Maß für die Steigung der Funktion  $f$ ,  $d = f(0)$  ist der Funktionswert an der Stelle 0.

W 7.03

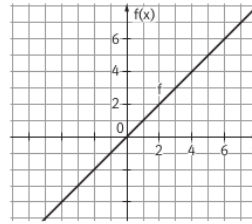
a) ZB:



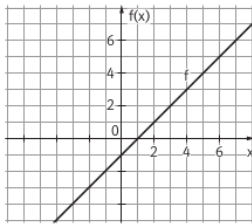
d) ZB:



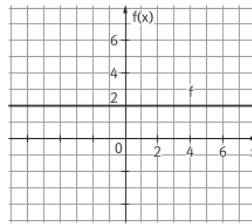
g) ZB:



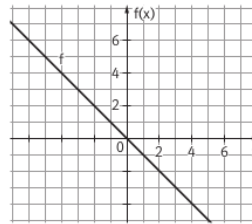
b) ZB:



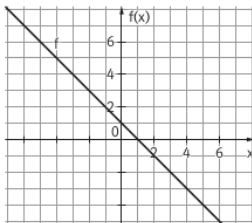
e) ZB:



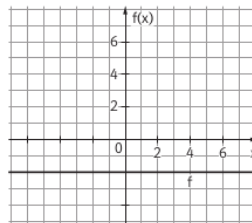
h) ZB:



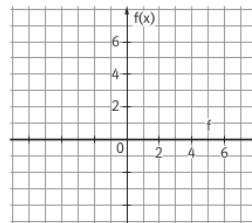
c) ZB:



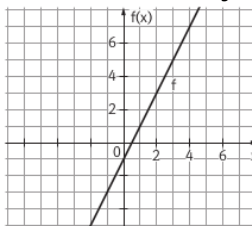
f) ZB:



i) ZB:



W 7.04  $2 = k =$  Steigung der Funktion  $f$ ,  $-1 = d = f(0) =$  Funktionswert an der Stelle 0. Der Graph von  $f$  geht aus dem Graphen von  $f$  durch eine Parallelverschiebung um 1 nach unten hervor.



W 7.05 Wird das Argument um 1 erhöht, dann ändert sich der Funktionswert um  $k$ , denn  $f(x + 1) = k \cdot (x + 1) + d = k \cdot x + k \cdot 1 + d = (k \cdot x + d) + k = f(x) + k$ .

Wird das Argument um  $h$  erhöht, dann ändert sich der Funktionswert um  $k \cdot h$ , denn  $f(x + h) = k \cdot (x + h) + d = k \cdot x + k \cdot h + d = (k \cdot x + d) + k \cdot h = f(x) + k \cdot h$

W 7.06 Gleiche Zunahme der Argumente bewirkt stets gleiche Zu- bzw. Abnahme der Funktionswerte.

W 7.07 Man zeichnet ein beliebiges Steigungsdreieck ein und misst die Kathetenlängen  $a$  und  $b$ . Dann ist  $k = \pm \frac{b}{a}$ , je nachdem, ob  $f$  steigend oder fallend ist.

W 7.08  $f(x)$  heißt zu  $x$  direkt proportional, wenn  $f(x) = k \cdot x$  für ein  $k \in \mathbb{R}$  gilt.  
Beispiel: Die Warenmenge ist zum Kilogrammpreis direkt proportional.

W 7.09  $f(x) = k \cdot x$  (mit  $k \in \mathbb{R}$ ). Der Graph ist eine Gerade durch den Ursprung.

W 7.10 Dem  $a$ -fachen Argument entspricht der  $a$ -fache Funktionswert, denn  $f(a \cdot x) = k \cdot (a \cdot x) = a \cdot (k \cdot x) = a \cdot f(x)$ .  
Der Summe der Argumente entspricht die Summe der Funktionswerte, denn  $f(x + y) = k \cdot (x + y) = k \cdot x + k \cdot y = f(x) + f(y)$ .  
Der Proportionalitätsfaktor ist der Funktionswert an der Stelle 1, denn  $f(1) = k \cdot 1 = k$ .  
Der Proportionalitätsfaktor ist gleich dem (konstanten) Verhältnis von Funktionswert und Argument, denn  $\frac{f(x)}{x} = \frac{k \cdot x}{x} = k$ .

W 7.11 Aus  $f(x) = k \cdot x$  (mit  $k \neq 0$ ) folgt  $x = \frac{1}{k} \cdot f(x)$ .

W 7.12 Zeit-Ort-Funktion:  $a =$  Geschwindigkeit,  $b =$  Entfernung vom Ausgangsort zum Zeitpunkt 0  
Kostenfunktion:  $a =$  variable Kosten (Kostenzuwachs) pro Einheit,  $b =$  Fixkosten  
Tariffunktion:  $a =$  Verbrauchsgebühr (Gebührenzuwachs) pro Einheit,  $b =$  Grundgebühr (Grundtarif)

